



## 第五节 过滤过程计算

### 一、过滤过程的数学描述

1. 物料衡算：
$$\phi = \frac{\omega / \rho_p}{\omega / \rho_p + (1 - \omega) / \rho}$$

$\phi$  — 悬浮液含固量质量分数, (kg固体/kg悬浮液)

$\omega$  — 悬浮液含固量体积分数, ( $\text{m}^3$ 固体/ $\text{m}^3$ 悬浮液)

滤饼厚度L为:

$$\left. \begin{array}{l} V_{\text{悬}} = V + LA \\ V_{\text{悬}} \phi = LA(1 - \varepsilon) \end{array} \right\} \Rightarrow L = \frac{\phi}{1 - \varepsilon - \phi} q \xrightarrow{\phi \ll \varepsilon} \frac{\phi}{1 - \varepsilon} q$$





## 2. 过滤速率:

$$u = \frac{dq}{d\tau} = \frac{\varepsilon^3}{(1-\varepsilon)^2 a^2} \times \frac{1}{K'\mu} \times \frac{\Delta P}{L}$$

把滤饼厚度  $L = \frac{\phi}{1-\varepsilon-\phi} q = \frac{\phi}{1-\varepsilon} q$  代入上式得:

$$\frac{dq}{d\tau} = \frac{\rho_p \varepsilon^3}{K'a^2(1-\varepsilon)} \times \frac{\Delta P}{\phi\mu q} \quad \text{令 } r = \frac{K'a^2(1-\varepsilon)}{\rho_p \varepsilon^3}$$

$$\therefore \frac{dq}{d\tau} = \frac{\Delta P}{r\phi\mu q} = \frac{\text{过程的推动力 } (\Delta P)}{\text{过程的阻力 } (r\phi\mu q)}$$





滤液经过滤饼与过滤介质的速率式分别是：

$$\frac{dq}{d\tau} = \frac{\Delta\mathcal{P}_1}{r\phi\mu q} \quad \Delta\mathcal{P}_1 = \frac{dq}{d\tau} (r\phi\mu q)$$

$$\frac{dq}{d\tau} = \frac{\Delta\mathcal{P}_2}{r\phi\mu q_e} \quad \Delta\mathcal{P}_2 = \frac{dq}{d\tau} (r\phi\mu q_e)$$

$$\therefore \frac{dq}{d\tau} = \frac{\Delta\mathcal{P}_1 + \Delta\mathcal{P}_2}{r\phi\mu(q + q_e)} = \frac{\Delta\mathcal{P}}{r\phi\mu(q + q_e)}$$

$$\text{令} \quad K = \frac{2\Delta\mathcal{P}}{r\phi\mu}$$





$$\frac{dq}{d\tau} = \frac{K}{2(q + q_e)}$$

——过滤的基本方程式

$$\frac{dV}{d\tau} = \frac{KA^2}{2(V + V_e)} \quad V_e = Aq_e \quad m^3$$

### 3. 过滤常数 K、 $q_e$

s——压缩指数

比阻  $r = r_0 \cdot \Delta P^s$

$$s = \begin{cases} 0 & \text{(不可压缩流体)} \\ 0.2 \sim 0.8 & \text{(可压缩流体)} \end{cases}$$





## 二、滤液量与过滤时间的关系

过滤的典型操作方式 { 恒速过滤：恒速率、变压差  
恒压过滤：恒压差、变速率  
先恒速、后恒压

### 1. 恒速过滤方程

$$\frac{dq}{d\tau} = \frac{K}{2(q + q_e)} = C$$

$$\frac{q}{\tau} = \frac{K}{2(q + q_e)}$$

$$q^2 + q \cdot q_e = \frac{K}{2} \tau$$

$$V^2 + V \cdot V_e = \frac{K}{2} A^2 \tau$$

——恒速过滤方程





## 2. 恒压过滤方程

根据  $K = \frac{2\Delta\mathcal{P}}{r\phi\mu}$  知，对指定的悬浮液，只有当操作压差不变时， $K$ 为常数。

积分 
$$\frac{dq}{d\tau} = \frac{K}{2(q + q_e)}$$

$$\int_{q=0}^{q=q} (q + q_e) dq = \frac{K}{2} \int_0^{\tau} d\tau$$

$$q^2 + 2q \cdot q_e = K\tau$$

$$V^2 + 2V \cdot V_e = KA^2\tau$$

——恒压过滤方程





### 3. 先恒速后恒压过滤方程

$$\int_{q_1}^q (q + q_e) dq = \frac{K}{2} \int_{\tau_1}^{\tau} d\tau$$

$$(q^2 - q_1^2) + 2q_e(q - q_1) = K(\tau - \tau_1)$$

$$(V^2 - V_1^2) + 2V_e(V - V_1) = KA^2(\tau - \tau_1)$$

其中：  $q_1^2 + q_1 \cdot q_e = \frac{K}{2} \tau_1$

$$V_1^2 + V_1 \cdot V_e = \frac{K}{2} A^2 \tau_1$$





## 4. 过滤常数的测定

过滤常数是指恒压与恒速过滤方程中的 $q_e$ 与 $K$ 值，计算时可先应用实验进行测定，方法主要有：

### I 直线拟合法

以恒压过滤为例，其过滤方程可改写为： $\tau/q = q/K + 2q_e/K$

可知 $\tau/q$ 与 $q$ 间有线性关系，该直线的斜率为 $1/K$ ，截距为 $2q_e/K$ ；因此若将 $\tau/q$ 与 $q$ 数据拟合成一条直线，根据直线的斜率与截距值，便可得到过滤常数 $K$ 与 $q_e$ 。

### II 微分测定法

将过滤方程用微分式表示出，有：
$$\frac{\Delta\tau}{\Delta q} = \frac{2}{K}q + \frac{2q_e}{K}$$

连续测定 $\tau$ 和 $q$ ，可算出一系列 $\Delta\tau$ 及对应 $\Delta q$ ，作出关联直线 $\Delta\tau/\Delta q \sim q$ 图，则有：

该直线的斜率为 $2/K$ ，截距为 $2q_e/K$





讨论:

$$\text{由 } K = \frac{2\Delta P}{r\phi\mu} \text{ 知, } K \sim \Delta P^s \quad r = r_0 \cdot \Delta P^s$$

似乎实验条件必须与生产条件一致时, K值才能使用, 实际上这一限制并不必要。

$$K = \frac{2\Delta P}{r_0\Delta P^s\phi\mu} = \frac{2}{r_0\phi\mu} \Delta P^{1-s}$$

$$\frac{K_1}{K_2} = \left(\frac{\Delta P_1}{\Delta P_2}\right)^{1-s}$$

$$r_0 = \frac{2}{K_1\phi\mu} \Delta P_1^{1-s}$$

解出 $r_0$ 和 $s$

根据一个压差下的K值推算另一压差下的K值

**结论: 实验数据可推广使用**





### 三、洗涤速率与洗涤时间

目的 { 回收滞留在滤饼空隙间滤液  
净化滤饼

洗涤过程中，滤饼厚度**不变**，洗涤速率基本上为常数

#### 1. 叶滤机的洗涤速率

洗涤液流经滤饼的通道和过滤终了时滤液的通道相同，洗涤液通过的滤饼面积与过滤面积相同，即：

$$\left(\frac{dq}{d\tau}\right)_w = \frac{\Delta P_w}{r\phi\mu_w(q+q_e)}$$

w—洗涤；

q—过滤终了时单位过滤面积的累计滤液量





洗涤时间  $\tau_w = \frac{q_w}{(dq/d\tau)_w}$

假定：洗涤液粘度与滤液相同；洗涤压力与过滤时相同

$$\left(\frac{dV}{d\tau}\right)_w = \frac{KA^2}{2(V + V_e)} \quad V_e = Aq_e \quad m^3$$

$$\tau_w = \frac{V_w}{(dV/d\tau)_w} = \frac{2(V + V_e)V_w}{KA^2}$$

## 2. 板框过滤机的洗涤速率

洗涤液流经滤饼的路径为过滤终了时滤液路径的两倍，洗涤面积为过滤面积一半，即：

$$L_w = 2L \quad A_w = A/2$$





$$\therefore \left(\frac{dq}{d\tau}\right)_w = \frac{\Delta P_w}{2r\phi\mu_w(q+q_e)}$$

$$\left(\frac{dV}{d\tau}\right)_w = \frac{A_w\Delta P_w}{2r\phi\mu_w(q+q_e)} = \frac{A\Delta P_w}{4r\phi\mu_w(q+q_e)} = \frac{A^2\Delta P_w}{4r\phi\mu_w(V+V_e)}$$

**假定：** 洗涤液粘度与滤液相同；洗涤压力与过滤时相同

$$\left(\frac{dV}{d\tau}\right)_w = \frac{1}{4} \frac{KA^2}{2(V+V_e)} = \frac{1}{4} \left(\frac{dV}{d\tau}\right)_E$$

**结论：** 用同样体积洗涤液，板框过滤的洗涤速率为过滤终了时滤液速率的四分之一。

板框压滤机的洗涤时间为：

$$\tau_w = \frac{V_w}{(dV/d\tau)_w} = \frac{8(V+V_e)V_w}{KA^2}$$





## 四、过滤过程的计算

### 设计型问题:

过滤任务给定 ( $V$ 、 $\tau$ )，选择适当条件 (操作压强、 $\tau_1$ )，计算 $A$

### 操作型问题:

$A$ 已知，计算：(1)  $V$ 、 $\tau$ ；  
(2) 操作压强  $P$ 、 $V_1$



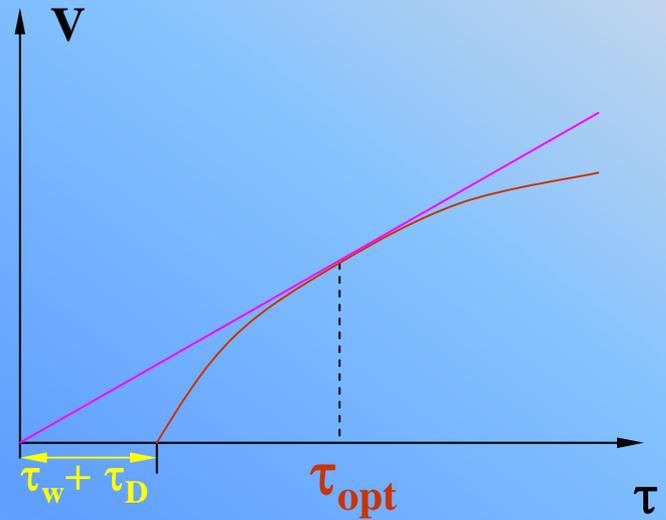


# 1. 间歇过滤机的生产能力

**生产能力Q:** 是指在一个操作周期中，单位时间得到的滤液或滤饼体积。即： $Q = \frac{V}{\Sigma\tau}$

间歇过滤中，每一操作周期都由三部分组成： $\Sigma\tau = \tau + \tau_w + \tau_D$

- I 过滤时间 $\tau$ : 过滤阶段所需时间
- II 洗涤时间 $\tau_w$ : 洗涤阶段所需的时间
- III 辅助时间 $\tau_D$ : 拆卸、组装、清洗板框和滤布所需的时间



由图知存在 $\tau_{opt}$ ，使得间歇过滤机的生产能力最大。





## 2. 回转真空过滤机的生产能力

转筒过滤机，每秒n周，则  $\tau_c = 1/n$  —每圈用时

转筒表面浸入分数： $\phi = \text{浸入角度} / 360$

一个周期中全部面积经历过滤时间  $\tau = \phi \tau_c = \phi / n$

部分面积，全部时间  $\rightarrow$  全部面积，部分时间

$A \phi$

$\tau_c$

$A$

$\phi / n$

把恒压过滤方程  $q^2 + 2q \cdot q_e = K\tau$  改写

$$(q + q_e)^2 = K\tau + q_e^2$$

$$q = \sqrt{K\tau + q_e^2} - q_e$$





## 2. 回转真空过滤机的生产能力

将转筒表面浸入滤浆中的分数称为浸液率 $\varphi$ 。

$$\varphi = \text{转筒浸液面积} / \text{转筒总表面积} = \text{浸液角度} / 360^\circ$$

若转筒的转数为 $n(1/s)$ ，则转筒任一部分表面经过过滤区的有效过滤时间为： $\tau = \varphi / n$

把恒压过滤方程改写为： $q = \sqrt{q_e^2 + K\tau} - q_e$

则回转真空过滤机的生产能力为：

$$Q = nqA = n \left( \sqrt{V_e^2 + \frac{\varphi}{n} KA^2} - V_e \right)$$

滤介阻力忽略时 ( $V_e = q_e = 0$ )： $Q = \sqrt{KA^2 \varphi n}$

